

TD – Fermetures géométriques

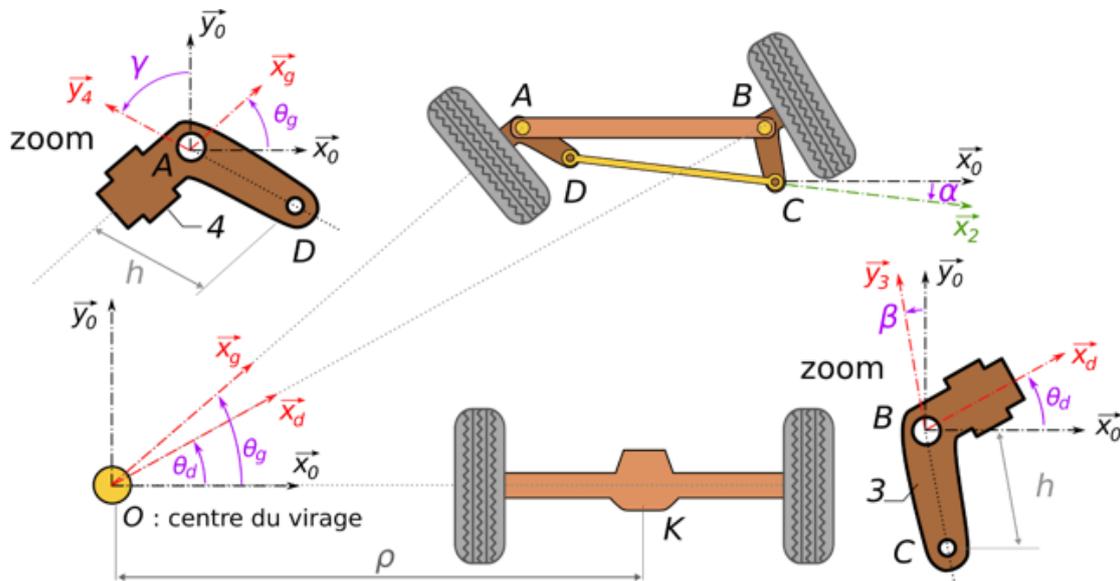
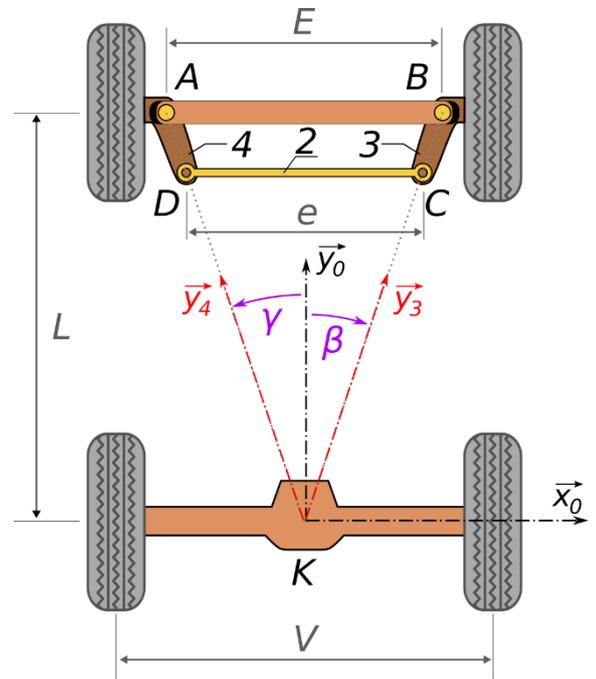
**Exercice 3 : Voiture en virage**

On schématise une voiture en virage avec le paramétrage ci-contre. On note  $L$  la longueur du véhicule (distance entre les axes des essieux avant et arrière) et  $V$  sa voie (distance entre 2 roues d'un même essieu). On note  $E$  la largeur de l'essieu avant.

Le trapèze de direction, simplifié, est constitué :

- De deux fusées 3 et 4 (servant d'axe aux roues avant directrices). La fusée 3 [resp. 4] pivote par rapport au châssis en C [resp. D].
- D'une crémaillère de direction 4, liée à la fusée 4 au point D et à la fusée 3 au point C.

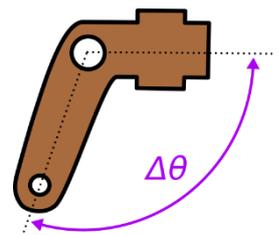
On note  $h$  la longueur du bras d'une fusée. Chacun des solides 2, 3 et 4 est lié à une base  $(\vec{x}_i, \vec{y}_i)$ , comme représenté ci-dessous. Lorsque la voiture est en phase de virage, tous les axes des pneumatiques pointent vers le centre du virage  $O$ . On note  $\rho$  le rayon de braquage.



**Q1** – Exprimer les angles de braquage  $\theta_g$  et  $\theta_d$  des deux roues avant, en fonction de  $\rho$ ,  $L$  et  $E$ .

Chacune des deux fusées est caractérisée par le même angle d'ouverture  $\Delta\theta$  (positif) :

**Q2** – À l'aide des définitions angulaires paramétrées ci-dessus, exprimer les angles  $\gamma$  et  $\beta$  en fonction de  $\theta_d$ ,  $\theta_g$  et  $\Delta\theta$ .



**Q3** – Écrire une fermeture géométrique dans le trapèze de direction et en déduire l'équation liant  $\gamma$  et  $\beta$ , que l'on pourrait résoudre pour déterminer la loi entrée/sortie géométrique. Cette expression est à mettre sous la forme  $K_1[1 - \cos(\gamma - \beta)] + K_2[\sin(\beta) - \sin(\gamma)] = K_3$  avec  $K_1$ ,  $K_2$  et  $K_3$  trois constantes.