

TD : Programmation – analyse numérique Matplotlib - Série de Fourier

1. Soit $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ la fonction 1-périodique qui est définie sur [0,1] par :

$$f(x) = \begin{cases} 1 & \text{si } 0 < x < \frac{1}{2} \\ -1 & \text{si } \frac{1}{2} < x < 1 \\ 0 & \text{sinon} \end{cases}$$

Définir f comme une fonction Python.

2. On considère maintenant la suite de fonction g_n définies sur $\mathbb R$ par

$$g_n(x) = \frac{4}{\pi} \sum_{k=0}^n \frac{\sin(2\pi(2k+1)x)}{2k+1}$$

Représenter sur un même graphique les fonctions f et g_n pour différentes valeur de n.

